

**40. Gemeinsame Behandlung der Äquivalenzprobleme
der Kurven in der elliptischen konformen,
parabolischen konformen und hyper-
bolischen konformen Ebene¹⁾.**

Von Tsurusaburo TAKASU.

Mathematisches Institut der Tohoku Kaiserlichen Universität, Sendai.

(Comm. by M. FUJIWARA, M.I.A., June 12, 1941.)

1. Einleitung. Auf Grund einer von meinen vorherigen Arbeiten²⁾ möchte ich im folgenden die Äquivalenzprobleme der Kurven in der elliptischen konformen³⁾, parabolischen konformen und hyperbolischen konformen Ebene gemeinsam behandeln.

2. Die zu Grunde liegenden komplexen Zahlen. Setzt man nach Euler, Clifford, Weierstrass und Cayley mit reellen Zahlen x, y :

$$z = x + my, \quad \bar{z} = x - my,$$

$$m = i, \quad i^2 = -1, \quad \left| \begin{array}{l} m = p = \text{Infinitesimale}^4), \\ p^2 = 0, \end{array} \right| \quad m = h, \quad h^2 = +1,$$

so sind die eigentlichen m -konformen Transformationen ($m = e, p, h$) durch die Formeln

$$(1) \quad z^* = \frac{az + b}{cz + d}, \quad N(ad - bc) \neq 0$$

und die uneigentlichen m -konformen Transformationen durch die Formeln

$$(2) \quad \bar{z}^* = \frac{az + b}{cz + d}, \quad N(ad - bc) \neq 0$$

dargestellt.

3. Natürliche Gleichung. Eine Cayleysche Identität lautet folgendermassen:

$$(3) \quad \{X, Y\} = \left(\frac{dt}{dY} \right)^2 [\{X, t\} - \{Y, t\}],$$

worin $\{X, Y\}$ die Schwarzsche Ableitung ist.

1) Dieses Stück gehört zur Reihe von Untersuchungen, welche finanziell vom Unterrichtsministerium unterstützt sind.

2) T. Takasu, Gemeinsame Behandlungsweise der elliptischen konformen, hyperbolischen konformen und parabolischen konformen Differentialgeometrien. Proc. **16** (1940), 333-340.

3) Wegen dieses Falles siehe: T. Kubota, Beiträge zur Inversionsgeometrie und Laguerre-Geometrie. Jap. J. Math., **1** (1924); Beiträge zur Inversionsgeometrie. Tohoku Sci. Rep., **13** (1924-25), S. 243. T. Takasu, Natural Equations of Curves under Circular Point-Transformation Groups and their Duals. Jap. J. Math., **1** (1924); Tohoku Math. J., **25** (1925); Differentialgeometrien in den Kugelräumen, Bd. **1** (1938), SS. 36, 39, 40, 42. Siehe auch die Schlussbemerkung!

4) Diese Interpretation sieht neu zu sein aus.