## UNE REMARQUE À PROPOS DE PROLONGEMENTS HOLOMORPHES.

## JEAN-PIERRE ROSAY

La situation étudiée dans cette note se présente lorsque l'on utilise des techniques d'analyse microlocale pour établir des résultats de prolongements holomorphes. Nous renvoyons pour ceci le lecteur aux travaux de Baouendi et Trèves [4], et à [5]. Toutefois, insistons sur le fait qu'il ne s'agit ici que de présenter une observation très simple pour obtenir immediatement des prolongements holomorphes à partir seulement de prolongements dans des cônes au dessus d'une variété totalement réelle maximale.

PROPOSITION. Soient  $\Omega$  un voisinage de 0 dans  $\mathbb{C}^n$ , et M une hypersurface réelle dans  $\Omega$ , contenant 0, de classe  $\mathscr{C}^1$  et séparant  $\Omega$  en deux régions notées respectivement  $\Omega^+$  et  $\Omega^-$ . Soit N une variéte totalement réelle de dimension n, incluse dans M, et de classe  $\mathscr{C}^1$ . Soit V l'intersection d'un voisinge de 0 dans  $\mathbb{C}^n$  et d'un cône ouvert de  $\mathbb{C}^n$  de sommet 0. Soit f une fonction continûment différentiable sur f telle que  $\bar{\partial}_b f = 0$ . On suppose que f admet un prolongement holomorphe sur l'intersection de f have f have f admet un prolongement holomorphe sur l'intersection de f have f have

Preuve. Quitte à restreindre  $\Omega$  et V, on pourra supposer que  $N+V\subset \Omega^+$ . Appelons un chat un cat, et la région N+V un wedge dont l'edge est la variété totalement réelle N. La moitié du travail est ainsi faite! Il reste à observer que puisque  $\overline{\partial}_b f = 0$ , il existe  $f^+$  et  $f^-$  fonctions holomorphes sur l'intersection d'un voisinage de 0 avec, respectivement,  $\Omega^+$  et  $\Omega^-$ , continument prolongeables à M (grâce aux hypothèses de régularité  $\mathcal{C}^1$ ) et telles que sur M, au voisinage de 0,  $f=f^+-f^-$ . Cette "formule de saut" est bien connue (on pourra consulter par exemple: [2] sous hypothèses de régularité  $\mathcal{C}^\infty$ , [6] si M est la forntière d'un ouvert borné, et [8], ou probablement d'autres références, pour la situation présente). Alors,  $f^+-f$  définit un prolongement de  $f^-|N|$  à l'intersection d'un voisinage de 0 et de (N+V). D'après le théorème de l'edge of the wedge de Pinčuk ([7, 3, 1] pour le cas  $\mathcal{C}^1$ , cf [9]),  $f^-$  se prolonge donc en fonction holomorphe au voisinage de 0.