

MÉMOIRE SUR LES FONCTIONS ZÉTA-FUCHSIENNES

PAR

H. POINCARÉ

À PARIS.

§ 1. Introduction.

Considérons une équation linéaire quelconque d'ordre p :

$$(1) \quad \frac{d^p v}{dx^p} + \sum_{k=0}^{k=p-1} \varphi_k(x, y) \frac{d^k v}{dx^k} = 0, \quad (2) \quad \psi(x, y) = 0$$

où les φ sont des fonctions rationnelles et où la relation (2) est algébrique. Soit maintenant une équation auxiliaire:

$$(3) \quad \frac{d^2 w}{dx^2} = \theta(x, y) w$$

où $\theta(x, y)$ est une fonction rationnelle telle que *tous les points singuliers de l'équation (1) appartiennent à l'équation (3)*. Soit a un point singulier appartenant à la fois aux deux équations; ce point singulier regardé comme appartenant à (1) nous conduira à une équation déterminante E de degré p ; regardé comme appartenant à (3), il nous conduira à une équation déterminante E' du second degré. Soit δ la différence des deux racines de E' . Je suppose que θ ait été choisi de telle sorte que δ soit nul ou bien que δ étant une partie aliquote de l'unité toutes les racines de l'équation E' soient des multiples de δ . Dans le cas où dans le voisinage du point a les intégrales de l'équation (1) seraient irrégulières, δ devrait être supposé nul. Il faut enfin que même pour les points singuliers de (3)