

SUR LES FORMES QUADRATIQUES TERNAIRES INDÉFINIES
À INDÉTERMINÉES CONJUGUÉES
ET SUR LES FONCTIONS HYPERFUCHSIENNES CORRESPONDANTES.

PAR

EMILE PICARD
à PARIS.

Dans le tome 1^{er} de ce recueil, j'ai rapidement montré comment les formes quadratiques ternaires indéfinies à indéterminées conjuguées et à coefficients entiers pouvaient conduire à une classe étendue de groupes discontinus de substitutions linéaires pour le cas de deux variables; j'ai fait voir en outre que l'on pouvait former des fonctions de deux variables indépendantes qui ne changent pas quand on effectue sur les variables une substitution quelconque du groupe. Je donnerai dorénavant à de telles fonctions le nom de *fonctions hyperfuchsiennes*, indiquant ainsi l'analogie qui existe entre ces fonctions de deux variables indépendantes et les fonctions d'une variable qui ont été appelées *fuchsiennes* par M. POINCARÉ.

L'objet de ce mémoire est l'étude des principales propriétés des fonctions et des groupes hyperfuchsiens, dont l'existence seule a été établie dans le travail que je viens de rappeler. Je ne considère que le cas où la forme quadratique ternaire indéfinie a pour coefficients des nombres entiers complexes de la forme $a + bi$, mais on verrait facilement que des considérations analogues pourraient être appliquées si les coefficients étaient des entiers formés avec les racines d'une équation du second degré à racines imaginaires.