

ÜBER DIE DOPPELCURVE AUF DEN GERADLINIGEN FLÄCHEN

VON

A. WIMAN

in LUND.

1. Auf einer Regelfläche existirt bekanntlich stets eine Doppelcurve, welche jeder Erzeugenden in $n - 2$ Punkten begegnet. Andere besonders auffallenden Gebilde auf der Fläche sind die Torsalen, d. h. Erzeugenden, welche von einer benachbarten getroffen werden; die Ebene dieser Linien berührt längs der ganzen Torsale, und ihr Schnittpunkt, der Torsal- oder Cuspidalpunkt, ist gemeinsamer Berührungspunkt jeder anderen Ebene durch die Torsale.

Bei der Untersuchung der Regelflächen hat man sich nun besonders mit der Doppelcurve und den Torsalen beschäftigt.¹ Ich habe in meiner Gradualdissertation gezeigt, wie diese Aufgabe, wenn die Fläche zu einem Tetraedralcomplexe (oder noch besser zu einem Abarte dieses Complexes)

¹ So ist die Theorie der Regelflächen 4. Grades von CHASLES, CAYLEY, SCHWARZ, CREMONA und ROHN behandelt worden. Vgl. auch SALMON-FIEDLER, *Analytische Geometrie des Raumes*, 2. Theil, 3. Auflage, S. 430, und STURM, *Die Gebilde 1. und 2. Grades der Liniengeometrie in synthetischer Behandlung*, 1. Theil (Leipzig 1892), S. 52. Eine Einteilung der Regelflächen 5. Grades nach der Natur der Doppelcurve hat SCHWARZ gegeben, (*Crelle's Journal*, Bd. 67). Dieselbe Aufgabe bezüglich den Regelflächen 6. Grades haben dann BERGSTEDT (*Om regelytor af 6. graden*, Diss., Lund 1886) und FINK (*Über windschiefe Flächen im Allgemeinen und ins besondere über solche 6. Grades*, Diss. Aus dem Correspondenzblatt für die Gelehrten und Realschulen Württembergs 1887) angegriffen; doch mit wenig Erfolg, es seien denn die Irrthümer des Letzterwähnten. Die vollständige Lösung habe ich in meiner im Texte besprochenen Arbeit (*Klassifikation af regelytorna af 6. graden*, Lund 1892) gegeben, deren Ergebnisse nächstens in diesen Acta dargelegt werden sollen.